

1. Věta termodynamická

Vnitřní energie je stavovou veličinou (funkcí), takže přechodu soustavy z jednoho stavu do druhého odpovídá vždy stejná změna vnitřní energie.

Slovně: Celková energie uzavřené a izolované soustavy zůstává při všech dějích konstantní.

Matematicky platí, že:

$$\Delta U = \Delta Q + \Delta W \quad \text{nebo v dif. tvaru} \quad dU = \delta Q + \delta W$$

,kde q je teplo soustavou přijaté a w je práce soustavou přijatá.

První věta termodynamiky umožňuje určit změnu vnitřní energie soustavy, avšak nedovoluje určit její absolutní hodnotu.

Důsledky:

1. $\Delta Q = 0$ (Adiabatický děj), pak $W = \Delta U$. Vnitřní energie se mění pouze konáním práce.

$$dU = dW = -p_{\text{vnější}} dV = n c_V dT \quad (\text{platí pouze pro ideální plyn})$$

Vyjádříme si dT ze stavové rovnice $d(pV) = p dV + V dp = nR dT$

Při vratném ději je $p = p_{\text{vnější}}$ a proto po úpravě dostaneme :

$$\frac{dp}{dV} = -\frac{p(c_V + R)}{V c_V}$$

$C_V + R = c_p$ a separujeme proměnné a zintegrujeme od p_1 do p .

$$\ln \frac{p}{p_1} = \frac{c_p}{c_V} \ln \frac{V_1}{V}$$

A nakonec dostáváme, že $pV^b = p_1 V_1^b$, kde $b = c_p/c_V$.

2. $dV = 0$ pak $W = 0 \rightarrow dU = dQ$, veškeré teplo se mění na vnitřní energii.

$$dU = n c_V dT, \text{ kde } c_V = (\delta U / \delta T)_V \rightarrow Q = U = n c_V (T_2 - T_1)$$

3. $dT = 0 \rightarrow dU = 0$ (pro ideální plyn $U \sim T$) $\rightarrow dQ = -dW = p_{\text{vnější}} dV = nRT \ln(V_2/V_1)$ [ze stavové rovnice $pV = nRT$ vyjádříme p , dosadíme a integrujeme. Můžeme si to dovolit, protože vratný děj $p = p_{\text{vnější}}$].

Nevratný děj \rightarrow tlak je skokově změněn na hodnotu tlaku v konečném stavu ($p_2 = p_{\text{vnější}}$) $\rightarrow dW = -p_2 dV$ (p_2 je konst. \rightarrow integrujeme) $= p_2 (V_1 - V_2) = nRT/V_2 * (V_1 - V_2)$

4. $dp = 0$, (soustava nekoná jinou než objemovou práci) $\rightarrow W = p dV$ (integrujem) $= p (V_2 - V_1)$

$d(pV) = p dV + V dp = p dV \rightarrow dQ = dU + d(pV) = dH$ (entalpie) $\rightarrow dH = dQ$ (při $dp=0$)
 Pokud platí, že $dn = 0$ pak $dH = n c_p dT$, kde $c_p = (\delta H/\delta T)_p$

2. věta termodynamická

Slovně: Nelze sestrojít periodicky pracující stroj, jenž by dodával do okolí práci na úkor tepla odebíraného jedinému tepelnému rezervoáru o teplotě všude stejné. (Thomson 1851)

Slovně 2: Teplu neúže samovolně přecházet ze soustavy o nižší teplotě do soustavy o teplotě vyšší. (Clausius 1850)

Carnotův teorém: Ze všech cyklicky pracujících soustav vyměňující teplo s lázněmi o týchž dvou teplotách mají největší účinnost soustavy, které pracují dokonale vratně, přičemž účinnost všech vratně pracujících soustav je při týchž dvou teplotách lázní stejná bez ohledu na látkovou náplň, uspořádání soustavy a na povahu probíhajících dějů.

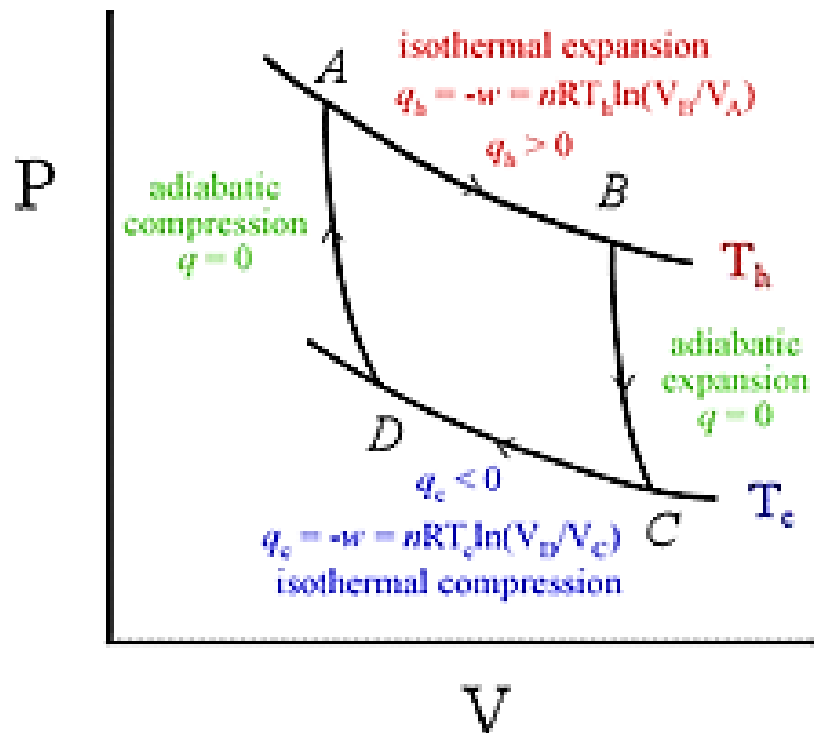
Carnotův teorém matematicky: $\eta = -W/Q_2 = (Q_2 - (-Q_1))/Q_2 = (Q_2 + Q_1)/Q_2$

Carnotův cyklus:

$$W_{B \rightarrow C} = n c_V (T_c - T_h)$$

$$W_{D \rightarrow A} = n c_V (T_h - T_c)$$

Vyruší se navzájem



$p_B V_B^\lambda = p_C V_C^\lambda$ (dosad za p ze stavové rovnice) $\rightarrow T_h V_B^{\lambda-1} = T_c V_C^{\lambda-1}$ obdobně pro druhou adiabatou $\rightarrow T_h V_A^{\lambda-1} = T_c V_D^{\lambda-1}$ vydělíme rovnice a dostaneme $V_B/V_A = V_C/V_D$

$$-W = -(W_1 + W_2 + W_3 + W_4) = nR(T_h - T_c) \ln(V_B/V_A)$$

$$\eta = -W/Q_B = [nR(T_h - T_c) \ln(V_B/V_A)] / [nRT_h \ln(V_B/V_A)] = (T_h - T_c)/T_h \text{ (vratný děj!!!)}$$

